

## ХАРАКТЕРИСТИКИ БАГАТОРІВНЕВИХ ПСЕВДОВИПАДКОВИХ СИГНАЛІВ

Демчук В.В., Трофимюк Р.М.

Тернопільський національний економічний університет, магістри

Останнім часом значного поширення та розвитку набули телекомунікаційні системи на базі шумоподібних сигналів. Вони широко використовуються практично в усіх сучасних засобах радіозв'язку (GSM, CDMA, WiFi), системах супутникової навігації (GPS, ГЛОНАСС, Galileo), а також в безпроводних сенсорних мережах (ZigBee, та інші.). В даних системах використовуються часто використовуються коди Баркера, М-сигнали та інші., проте актуальним є підвищення: завадозахищеності та швидкості передавання інформації, а тому пошук та дослідження нових типів шумоподібних сигналів є актуальною та перспективною науковою задачею.

В статтях [1,2] показано, що перспективним напрямком галузі завадостійкого передавання інформації є використання в якості ШПС М-последовності з основою  $p > 2$ . Це дозволяє підвищити імовірність правильного розпізнавання сильно зашумлених сигналів, та збільшити степінь захисту інформації.

Розглянемо багаторівневі М-последовності на прикладі полів Галуа. Поле - це множина не менше ніж з двох елементів, над якими задана пара бінарних операцій, званих "додаванням" і "множенням" і володіючих тією властивістю, що для них існують зворотні операції: віднімання і ділення (окрім ділення на нуль), причому множення дистрибутивне щодо додавання.

В даному випадку нас цікавлять поля  $\mathbb{F}_q$  Галуа (E.Galois, 1811-1832) [3], що містять кінцеве число елементів  $K = \{ 0, 1, 2, \dots, q - 1 \}$ . Проте не для будь-якого числа елементів можна підібрати такі операції, що система  $\{ K; +, \cdot \}$  є полем. Кінцеві поля позначаються  $\text{GF}(p^r)$ , та існують лише порядку (з числом елементів)  $p^r$ , де  $p$  - просте число (характеристика поля),  $r$  — натуральне число (розмірність поля). При  $r = 1$  маємо просте поле  $\text{GF}(p)$  з розглянутими вище модулярними операціями додавання і множення. Якщо ж  $p$  - складове число, то система  $\{K; +, \cdot\}$ , де додавання і множення — модулярні операції, не є полем: ця система утворює так зване кільце, в якому ділення навіть на ненульовий елемент можливо не завжди.

В будь-якому полі множина  $K$  всіх елементів утворює по операції складання циклічну (адитивну) групу; аналогічно множина  $K_0$  ненульових елементів утворює по операції множення циклічну (мультиплікативну) групу. Поле  $\text{GF}(p^r)$  називається розширенням поля  $\text{GF}(p)$ .

Генерація елементів поля  $\text{GF}(p^r)$ . Кінцеві поля  $\text{GF}(p^r)$  порядку  $p^r$ , де характеристика  $p$  — просте число, а розмірність  $r$  — натуральне число, породжуються за допомогою непривідних поліномів ступені  $r$ . Особливо зручно використовувати примітивні поліноми  $\pi(x)$ ; в цьому випадку просте поле  $\text{GF}(p)$  може бути розширено до поля  $\text{GF}(p^r)$  за рахунок приєднання кореня  $\alpha$  полінома  $\pi(x)$ , тобто за допомогою порівнянь по двох модулях  $p$  і  $\pi(x)$ . З різних варіантів перевага була віддана поліномам  $\pi(x)$  з мінімальним числом ненульових коефіцієнтів, а при рівності цього числа - поліномам, що мають ненульові коефіцієнти при менших степенях змінної  $x$ . Наприклад, для  $p = 2$  з двох примітивних поліномів, що не приводяться, третього ступеня  $\pi(x) = x^3 + x^2 + 1$  і  $\pi(x) = x^3 + x + 1$  вибирається останній.

Алгоритм послідовного утворення елементів розширеного поля  $\text{GF}(2^r)$  полягає в наступному:

- 1) корінь  $\alpha$  полінома  $\pi(x)$  вибрати як примітивний елемент поля, тобто прийняти  $\pi(x) = 0$ , звідки слідує  $x^r = f(x)$ ;
- 2) елементи поля  $N \in \{ 0, 1, 2, \dots, (r - 1), r \}$  зіставити із степенями  $\alpha^{N - 1}$  і двійковими комбінаціями з  $r$  компонент;
- 3) елементи поля  $N \in \{ (r + 1), (r + 2) \dots (2^r - 1) \}$  отримати один за одним шляхом зсуву вліво попередній комбінації для  $N-1$ .

Заміна бінарних лінійних рекурентних последовностей максимальної довжини (М-последовностей) на багаторівневі последовності з основою  $p > 2$ , де  $p$  — просте число, дозволяє вирішити задачу збільшення ансамблю кодуєчих сигналів в багатокористувацьких асинхронних системах та системах криптографічної обробки інформації [7]. Для визначення характеристик систем кодування інформації із багаторівневими кодуєчими М-последовностями необхідний аналіз структурних та кореляційних властивостей М-последовностей з основою  $p > 2$ . На рис.1, рис.2 наведено графіки автокореляційної функції з основою 5 та 11 відповідно.

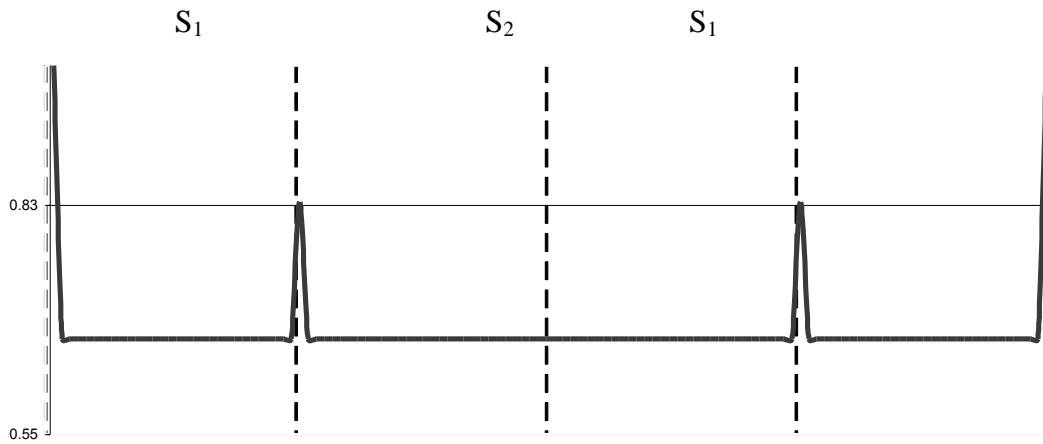


Рисунок 1 - Графік автокореляційної функції для полінома з основою 5

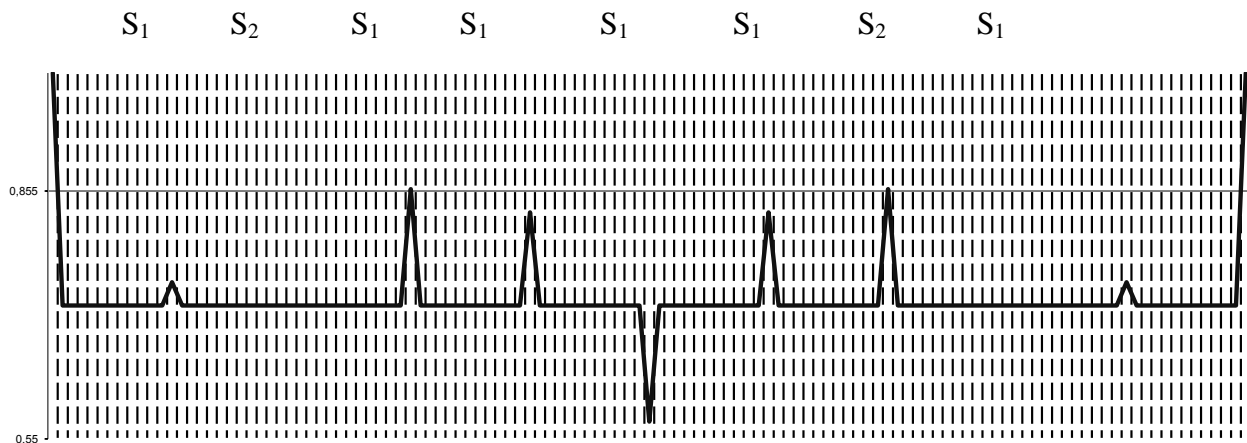


Рисунок 2 - Графік автокореляційної функції для полінома з основою 11

Графіки функцій автокореляції для  $M$ -послідовностей з основами  $p = 5$  та  $p = 11$ , відрізняються від автокореляційних функцій бінарних  $M$ -послідовностей двома факторами:

- 1) базовий рівень  $B$  функцій автокореляції багаторівневих  $M$ -послідовностей перевищує значення  $0,5$ , характерне для автокореляційних функцій бінарних  $M$ -послідовностей;
- 2) в автокореляційних функціях багаторівневих  $M$ -послідовностей з'являються бокові додатні та від'ємні пелюстки, амплітуди яких є відповідно більшими та меншими за базовий рівень.

Проте застосування розглянутих  $M$ -послідовностей з основою  $p > 2$  для завадостійкого кодування має недолік – потрібно використовувати канал зв'язку з широкою смугою пропускання, тому в деяких випадках може бути недоцільним застосування такої системи передавання, оскільки, якщо наприклад в якості каналу зв'язку використовується провідна лінія, то широкопasmовна лінія вимагає значних економічних затрат.

#### Список використаних джерел

1. В.М.Галів, С.М. Іщераков, Т.П.Каюк Властивість серій для багаторівневих  $M$ -послідовностей // Вимірювальна та обчислювальна техніка в технологічних процесах: Зб.наукових праць:-Хмельницький : ТУП. – 2002. – Т.1,№ 9.- С154-156.
2. В.М.Галів, С.М. Іщераков, Т.П.Каюк Структурні властивості багаторівневих  $M$ -послідовностей. // Комп'ютерне моделювання та інформаційні технології в науці, економіці та освіті: Зб. наукових праць:- Черкаси: Брама ІСУЕП, 2003.
3. Муттер В.М. Основы помехоустойчивой телепередачи информации. – Л.: Энергоатомиздат. 1990. – 282с.